

Problema 1 (2,5 pontos).

$$\sigma_{xx} = pD/4t = 3.94 \times 10^7 \text{ Pa}$$

$$\sigma_{\theta\theta} = pD/2t = 7.88 \times 10^7 \text{ Pa}$$

$$\sigma_{x\theta} = 2T/\pi D^2 t = ?$$

$$\sigma_m = (\sigma_{xx} + \sigma_{\theta\theta})/2 = 5.91 \times 10^7 \text{ Pa}$$

$$R = \sqrt{((\sigma_{xx} - \sigma_{\theta\theta})/2)^2 + (\sigma_{x\theta})^2} = \sqrt{3.88 \times 10^{14} + (\sigma_{x\theta})^2}$$

$$\sigma_1 = \sigma_m + R = 5.91 \times 10^7 + \sqrt{3.88 \times 10^{14} + (\sigma_{x\theta})^2}$$

$$\sigma_2 = \sigma_m - R = 5.91 \times 10^7 - \sqrt{3.88 \times 10^{14} + (\sigma_{x\theta})^2}$$

$$\sigma_3 = 0$$

$$\tau_{max} = (\sigma_1 - \sigma_3)/2 \leq (S_y/2)/n_s$$

$$5.91 \times 10^7 + \sqrt{3.88 \times 10^{14} + (\sigma_{x\theta})^2} \leq 3.40 \times 10^8/4 \Rightarrow \sigma_{x\theta} \leq 1.68 \times 10^7 \text{ Pa}$$

$$2T_{max}/\pi D^2 t = 1.68 \times 10^7 \Rightarrow T_{max} = 592 \text{ N}\cdot\text{m}$$

Problema 2 (2,5 pontos).

$$\epsilon_{xx} = \epsilon(0^\circ) = \epsilon_A = 776 \times 10^{-6}$$

$$\epsilon_{yy} = \epsilon(90^\circ) = \epsilon_C = -500 \times 10^{-6}$$

$$\epsilon_B = \epsilon(45^\circ) = \frac{(\epsilon_{xx} + \epsilon_{yy})}{2} + \epsilon_{xy} \Rightarrow \epsilon_{xy} = \frac{2\epsilon_B - (\epsilon_{xx} + \epsilon_{yy})}{2} = 282 \times 10^{-6}$$

Estado plano de tensão

$$\sigma_{xx} = \frac{E}{1 - \nu^2} (\epsilon_{xx} + \nu \epsilon_{yy}) = 138 \text{ MPa}$$

$$\sigma_{yy} = \frac{E}{1 - \nu^2} (\nu \epsilon_{xx} + \epsilon_{yy}) = -58,7 \text{ MPa}$$

$$\sigma_{xy} = \frac{E}{1 + \nu} \epsilon_{xy} = 43,4 \text{ MPa}$$

$$\sigma_m = (\sigma_{xx} + \sigma_{yy})/2 = 39,4 \text{ MPa}$$

$$R = \sqrt{((\sigma_{xx} - \sigma_{yy})/2)^2 + (\sigma_{xy})^2} = 107 \text{ MPa}$$

$$\sigma_1 = \sigma_l = \sigma_m + R = 147 \text{ MPa}$$

$$\sigma_2 = 0$$

$$\sigma_3 = \sigma_l = \sigma_m - R = -67,9 \text{ MPa}$$

$$\tau_{max} = (\sigma_1 - \sigma_3)/2 = 107 \text{ MPa} < S_y/2 = 190 \text{ MPa}$$

$$\sigma_{VM} = \sqrt{\frac{1}{2}((\sigma_1 - \sigma_2)^2 + (\sigma_1 - \sigma_3)^2 + (\sigma_2 - \sigma_3)^2)} = 190 \text{ MPa} < S_y = 380 \text{ MPa}$$

Pelo critério de Tresca, o carregamento pode ser multiplicado por 1,77 (aumento de 77% na carga) e pelo critério de von Mises o carregamento pode dobrar.

Problema 3 (2,5 pontos).

O maior momento fletor, em valor absoluto, é produzido quando a carga é aplicada no centro da viga. Neste caso, a tensão de flexão máxima ocorre no centro da viga, onde o momento fletor é $M = PL/4$.

$$\max\{|\sigma_{xx}(x, y)|\} = |\sigma_{xx}(L/2, \pm h/2)| = \frac{h PL/4}{2 I} = \frac{PL}{4W} < \frac{S_Y}{n_S}$$

Logo

$$W > \frac{n_S PL}{4S_Y} = 234,4 \text{ cm}^3$$

Portanto, o perfil escolhido deve ser o IPE 220 com $W = 252 \text{ cm}^3$.

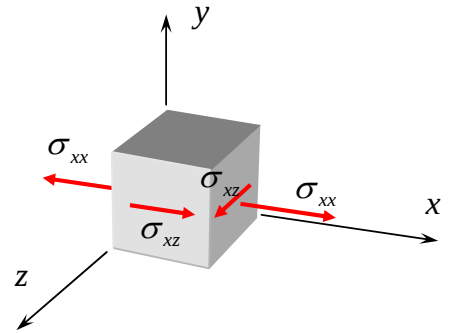
Problema 4 (2,5 pontos).

(A) Ponto 1 (desprezando tensão cisalhante devido à flexão)

(i) Flexão no plano xy: $\sigma_{xx}^{flexão} = -\left(\frac{D}{2}\right) \frac{(-PL)}{(\pi D^4/64)} = \frac{32PL}{\pi D^3}$

(ii) Esforço normal: $\sigma_{xx}^{normal} = \frac{P}{A} = \frac{4P}{\pi D^2}$

(ii) Torção: $\sigma_{xz}^{torção} = \left(\frac{D}{2}\right) \frac{(PL)}{(\pi D^4/32)} = \frac{16PL}{\pi D^3}$



(iv) Tensões combinadas (estado plano de tensão)

$$\sigma_{xx} = \frac{32PL}{\pi D^3} + \frac{4P}{\pi D^2} \quad [\sigma] = \begin{bmatrix} \sigma_{xx} & \sigma_{xy} & \sigma_{xz} \\ \sigma_{xy} & \sigma_{yy} & \sigma_{yz} \\ \sigma_{xz} & \sigma_{yz} & \sigma_{zz} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 32PL/\pi D^3 + 4P/\pi D^2 & 0 & 16PL/\pi D^3 \\ 0 & 0 & 0 \\ 16PL/\pi D^3 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

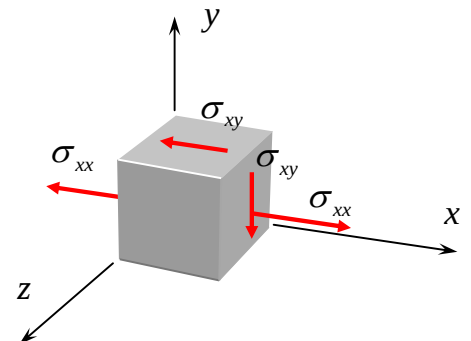
$$\sigma_{xz} = \frac{16PL}{\pi D^3}$$

(B) Ponto 2 (desprezando tensão cisalhante devido à flexão)

(i) Flexão no plano xz: $\sigma_{xx}^{flexão} = -\left(\frac{D}{2}\right) \frac{(-PL)}{(\pi D^4/64)} = \frac{32PL}{\pi D^3}$

(ii) Esforço normal: $\sigma_{xx}^{normal} = \frac{P}{A} = \frac{4P}{\pi D^2}$

(ii) Torção: $\sigma_{xy}^{torção} = -\left(\frac{D}{2}\right) \frac{(PL)}{(\pi D^4/32)} = -\frac{16PL}{\pi D^3}$



(iv) Tensões combinadas (estado plano de tensão)

$$\sigma_{xx} = \frac{32PL}{\pi D^3} + \frac{4P}{\pi D^2} \quad [\sigma] = \begin{bmatrix} \sigma_{xx} & \sigma_{xy} & \sigma_{xz} \\ \sigma_{xy} & \sigma_{yy} & \sigma_{yz} \\ \sigma_{xz} & \sigma_{yz} & \sigma_{zz} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 32PL/\pi D^3 + 4P/\pi D^2 & -16PL/\pi D^3 & 0 \\ -16PL/\pi D^3 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

$$\sigma_{xy} = -\frac{16PL}{\pi D^3}$$